FÜR DIE LIEBEN REALISTEN DER 7B!

Aufgabe C) aus:

Klasse: ^{7B(G)} Schriftliche Wiederholungsprüfung (2st.):

25, 02, 2008

Pflichtmodul PM3 (Nichtlineare analytische Geometrie)

ACHTUNG! Sämtliche Ansätze sind anzuschreiben, Gleichungen diverser Geraden sind zu benennen!

- A) Die Tangente an ell (1. HL, halbe Haupt- bzw. Nebenachsenlänge a bzw. b) in T(-0.6a|0.8b) geht durch P(a|2b). Verifiziere dies für A(-25|0) und $F_2(20|0)$!
- B) Lege durch den linken Hauptscheitel einer Ellipse ell (1. HL, halbe Haupt- bzw. Nebenachsenlänge a bzw. b) und den Punkt P(a|b) eine Gerade und ermittle den zweiten Schnittpunkt T mit ell. Zeige, dass auf der Tangente t an ell in T dann der Punkt Q(-a|2b) zu liegen kommt, und zwar für C(0|-20) und F₁(-15|0)!
- C) In nebenstehender Abbildung liegt der Ellipsenpunkt T direkt über dem rechtsseitigen Brennpunkt F von ell. G entsteht durch eine Drehung von F um den linken Hauptscheitel A um +90°. Unter diesen Voraussetzungen gilt dann der folgende elementargeometrische

SATZ. G liegt auf der Tangente t an ell in T.

Bestätige diesen Satz am konkreten Beispiel der Ellipse ell mit der Gleichung ell.: $9x^2 + 25y^2 = 5625$.

ell t T X+

Wien, im November 2011.

Dr. R. Resel, e. h.